Racines carrées

Exercice 1 : Déterminer la racine carrée de chaque nombre.

a) 0

b) 64

c) 4

e) 16

f) 1

g) 36

h) 81

i) 25

j) 121

Exercice 2 : Déterminer, à l'aide de la calculatrice, la racine carrée de chaque nombre.

a) 169

b) 2,56

c) 1,21

d) 0,64

d) 100

e) 29,16

Exercice 3: Pour chaque proposition, préciser si elle vraie ou fausse et justifier la réponse.

- a) Le carré de -6 est 36.
- b) La racine carrée de 36 est -6.
- c) La racine carrée de -36 est 6.
- d) Le carré de 36 est 6.

Exercice 4: Sans utiliser de calculatrice, calculer chaque nombre.

a) $\sqrt{6^2}$ b) $(\sqrt{4})^2$ c) $(\sqrt{5})^2$ d) $\sqrt{1^8}$ e) - f) $\sqrt{(-7)^2}$

Exercice 5

donc $18 = 3^2 \times 2$) Écrire chaque nombre sous la forme « $a^2 \times b$ » : (exemple : $18 = 9 \times 2$

a/ 12

b/ 24

c/ 28

d/ 128

g/ 150

h/ 288

k/ 588

l/ 675

f/ 72

Exercice 6 1. Écrire sous la forme $a\sqrt{2}$ avec a entier : $a/\sqrt{18}$

d/ $\sqrt{162}$ **d**/ $\sqrt{300}$

2. Écrire sous la forme $a\sqrt{3}$ avec a entier : $a/\sqrt{12}$ 3. Écrire sous la forme $a\sqrt{5}$ avec a entier : $a/\sqrt{20}$

d/ $\sqrt{245}$

4. Écrire sous la forme $a\sqrt{6}$ avec a entier : $a/\sqrt{96}$

d/ $\sqrt{384}$

5. Écrire sous la forme $a\sqrt{13}$ avec a entier : $a/\sqrt{468}$

b/ $\sqrt{637}$

b/ $\sqrt{50}$ c/ $\sqrt{98}$ b/ $\sqrt{27}$ c/ $\sqrt{192}$ b/ $\sqrt{45}$ c/ $\sqrt{80}$ b/ $\sqrt{150}$ c/ $\sqrt{216}$ b/ $\sqrt{637}$ c/ $\sqrt{1573}$ $c/\sqrt{1573}$

 $d/\sqrt{2925}$

Exercice 7

Écrire sous la forme « $a\sqrt{b}$ » avec a et b entiers, b étant le plus petit possible : **b**/ $\sqrt{99}$ **c**/ $\sqrt{54}$ **d**/ $\sqrt{63}$ **b**/ $\sqrt{72}$ **c**/ $\sqrt{845}$ **d**/ $\sqrt{847}$

a/ $\sqrt{40}$

a/ $\sqrt{32}$

Exercice 8

Écrire sous la forme « $\frac{\sqrt{\mathbf{a}}}{\mathbf{b}}$ » avec a et b entiers : $\mathbf{a}/\sqrt{\frac{2}{9}}$ $\mathbf{b}/\sqrt{\frac{5}{36}}$ $\mathbf{c}/\sqrt{\frac{13}{25}}$

Exercice 9

Écrire sous la forme « $\frac{\mathbf{a}}{\sqrt{\mathbf{b}}}$ » avec a et b entiers : $\mathbf{a}/\sqrt{\frac{4}{3}}$ $\mathbf{b}/\sqrt{\frac{9}{7}}$ $\mathbf{c}/\sqrt{\frac{16}{5}}$

Exercice 10

Écrire sous la forme « $\frac{\sqrt{\mathbf{a}}}{\mathbf{b}}$ » ou « $\frac{\mathbf{a}\sqrt{\mathbf{b}}}{\mathbf{c}}$ » avec a, b et c entiers :

$$\mathbf{a} / \frac{1}{\sqrt{5}} \qquad \mathbf{b} / \frac{2}{\sqrt{3}} \qquad \mathbf{c} / \frac{4}{\sqrt{7}} \qquad \mathbf{d} / \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} \qquad \mathbf{e} / \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{7}}$$

$$\mathbf{f} / \frac{\sqrt{4}}{\sqrt{11}} \qquad \mathbf{g} / \sqrt{\frac{4}{5}} \qquad \mathbf{h} / \sqrt{\frac{7}{2}} \qquad \mathbf{k} / \sqrt{\frac{1}{3}}$$

Exercice 11

Calculer sans la calculatrice :
$$\mathbf{a}/\sqrt{2} \times \sqrt{50}$$
 $\mathbf{b}/\sqrt{12} \times \sqrt{3}$ $\mathbf{c}/\sqrt{2} \times \sqrt{10} \times \sqrt{500}$ $\mathbf{d}/\sqrt{2} \times \sqrt{3} \times \sqrt{4} \times \sqrt{6}$

Exercice 12

Calculer sans la calculatrice : **a**/
$$\frac{\sqrt{18}}{\sqrt{2}}$$
 b/ $\frac{\sqrt{12}}{\sqrt{27}}$ **c**/ $\frac{\sqrt{6} \times \sqrt{7}}{\sqrt{14} \times \sqrt{3}}$ **d**/ $\frac{\sqrt{18} \times \sqrt{6}}{\sqrt{15} \times \sqrt{5}}$

Exercice 13

Écrire sous la forme « $\mathbf{a} + \mathbf{b}\sqrt{\mathbf{c}}$ » avec a, b, c entiers :

Either sous la forme
$$\begin{pmatrix} \mathbf{a} + \mathbf{b} \sqrt{\mathbf{c}} & \mathbf{a} & \mathbf{v} \mathbf{c} & \mathbf{c} \\ \mathbf{A} = (\sqrt{2} + 1)^2 & \mathbf{B} = (\sqrt{3} + 2)^2 & \mathbf{C} = (\sqrt{5} - 2)^2 & \mathbf{D} = (5 + \sqrt{7})^2 & \mathbf{E} = (2 - \sqrt{3})^2 \\ \mathbf{F} = (\sqrt{2} + \sqrt{5})^2 & \mathbf{G} = (\sqrt{3} - \sqrt{5})^2 & \mathbf{H} = (2\sqrt{3} + 3\sqrt{5})^2 & \mathbf{K} = (5\sqrt{7} + 3\sqrt{2})^2 \\ \mathbf{L} = (x + \sqrt{2})^2 & \mathbf{M} = (\sqrt{3} - x)^2 & \mathbf{N} = (x - 2\sqrt{5})(x + 2\sqrt{5}) \end{pmatrix}$$

Exercice 14

Écrire sous la forme « $\mathbf{a} + \mathbf{b}\sqrt{\mathbf{c}}$ » avec a, b, c entiers :

$$A = \sqrt{2}(\sqrt{2} + \sqrt{5}) \qquad B = 3\sqrt{2}(\sqrt{2} + 1) \qquad C = (\sqrt{2} + 1)(\sqrt{2} + 3)$$

$$D = (\sqrt{2} + 1)(\sqrt{2} - 3) \qquad E = (\sqrt{2} + 1)(\sqrt{2} - 1) \qquad F = 7\sqrt{3}(3 - 5\sqrt{3})$$

$$G = (\sqrt{5} + 2)(1 + \sqrt{5}) \qquad H = (5 - \sqrt{2})(\sqrt{2} - 7) \qquad K = (5\sqrt{2} - 4)(3 - 8\sqrt{2})$$

$$L = (\sqrt{5} + 3\sqrt{2})(\sqrt{2} + \sqrt{5}) \qquad M = (2\sqrt{5} + 2)(1 - 3\sqrt{5})$$

$$N = (3\sqrt{7} - 7\sqrt{3})(\sqrt{3} + 2\sqrt{7}) \qquad P = 5\sqrt{3}(2\sqrt{3} - 4\sqrt{5})$$